

### 熱力学の法則

1) エンタルピーの定義:  $H = U + PV$

$$\Delta H = \Delta U + P\Delta V, \quad \Delta U = \Delta Q - \Delta W$$

(第一法則)

$$\Delta H = \Delta Q - \Delta W + P\Delta V = \Delta Q - \Delta W'$$

2) エントロピー:  $S \quad dS = dQ/T$  (可逆過程)

水の蒸発の  $\Delta H_{\text{vap}} = 40.7 \text{ kJmol}^{-1}$  で  
  $T = 373 \text{ °K}$  であるから

U: エネルギー  
 P: 圧力  
 V: 体積  
 Q: 熱  
 W: 仕事

蒸気になるときの  
 エンタルピー変化

$$\Delta S_{\text{vap}} = 109.1 \text{ JK}^{-1}$$

3) ギブスの自由エネルギー:  $G = H - TS$

$$\Delta G = \Delta H - T\Delta S \text{ (等温条件)}$$

$$0.24 \text{ cal} = 1 \text{ J} = 1 \text{ Kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2}$$

$$1/2 \cdot mv^2 = 1/2 \cdot (2 \text{ kg}) \cdot (1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})^2 = 1 \text{ Kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2} = 1 \text{ Nm}$$

$$1 \text{ N} = 1 \text{ Kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2}$$

$$[\text{N} \cdot \text{m}] = [\text{J}]$$

質量 2 kg が  $1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  の速さで動いているものの  
 運動エネルギーに 1 J が対応

### 化学ポテンシャル

化学ポテンシャル

(部分モル自由エネルギー)

|       |       |
|-------|-------|
| out   | in    |
| $A_0$ | $A_i$ |

$$\mu_0 = \mu^\circ + RT \cdot \ln A_0$$

$$\mu_i = \mu^\circ + RT \cdot \ln A_i$$

$$\Delta\mu = \mu_i - \mu_0 = RT \cdot \ln(A_0/A_i)$$

T: Kelvin 温度

R: ガス定数 ( $2 \text{ cal} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ )

### 電気ポテンシャル

電気ポテンシャル---電荷を分子がもってい  
 れば電位ができる

|         |         |
|---------|---------|
| out     | in      |
| $A_0^+$ | $A_i^+$ |
| $V_0$   | $V_i$   |

$$G_0 = zFV_0 + G^\circ$$

$$G_i = zFV_i + G^\circ$$

$$\Delta G = G_0 - G_i = zF(V_0 - V_i)$$

V: 電位

F: ファラデー定数 ( $2.3 \times 10^4 \text{ cal} \cdot \text{V}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ )  
 ( $96500 \text{ クーロン} \cdot \text{mol}^{-1}$ )

z: 電荷数

### 電荷をもった物質の濃度差の持つエネルギー

$$\Delta\mu_A^z = \Delta\mu + \Delta G = RT \cdot \ln(A_0/A_i) + zF(V_0 - V_i)$$

$V_0 = 0 \text{ mV}$  とすると

$$\Delta\mu_A^z = -zF \cdot V_i + RT \cdot \ln(A_0/A_i)$$

ここで平衡時を考えると  $\Delta\mu_A^z = 0$

$$zF \cdot V_i = RT \cdot \ln(A_0/A_i)$$

$$V_i = RT/zF \cdot \ln(A_0/A_i) \text{ -----ネルンストの式}$$

$V_0 = 0 \text{ mV}$  としたときの平衡時の電気化学ポテンシャル

### 熱力学の単位と定数

Gas constant (R)

$$R = Nk_B$$

$$R = 1.9872 \text{ cal} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$R = 8.3145 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$R = 0.08206 \text{ L} \cdot \text{atm} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Avogadro's number (N)

$$N = 6.0221 \times 10^{23} \text{ molecules} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Coulomb (C)

$$1 \text{ C} = 6.241 \times 10^{18} \text{ electron charges}$$

Faraday (F)

$$1 \text{ F} = N \text{ electron charges}$$

$$1 \text{ F} = 96,494 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1} = 96,494 \text{ J} \cdot \text{V}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

Kelvin temperature scale (K)

$$0 \text{ K} = \text{absolute zero}$$

$$273.15 \text{ K} = 0^\circ \text{C}$$

### 平衡電位を求める

$$RT/zF = \frac{\frac{\text{ジュール}}{\text{mol} \cdot \text{K}^\circ} \text{ K}^\circ}{(z) \frac{\text{ジュール}}{\text{ボルト} \cdot \text{mol}}} = \text{ボルト}$$

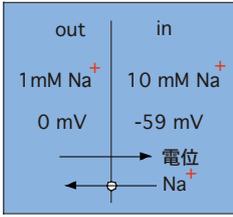
$$\text{平衡電位 } (\Delta\psi) = RT/zF \cdot \ln(A_0/A_i)$$

$$= \frac{8.314 \times 298}{1 \times 96500} \times 2.303 \cdot \log(A_0/A_i)$$

$$= 0.059 \cdot \log(A_0/A_i) \text{ ---volt}$$

**平衡膜電位の実際例**

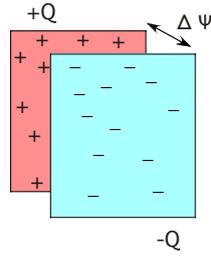
平衡電位 ( $\Delta \Psi$ ) =  $0.059 \cdot \log(1/10)$   
 = -59 mV ---拡散電位



1  $\Delta$ pH = -59 mV

釣り合った状態 (平衡電位)

**どのくらいのイオンが動くか?**



$C = Q / \Delta \Psi$

Q: 電気量[C]  
 C: 電気容量[F] ⇨ ファラド  
 $\Delta \Psi$ : 電位[V]

1 [F]とは1 [C]の電荷を蓄えたときの電位差が1[V]になる量

1 [C]= 2つの等しい量の電荷を1m離して置いたときに $9 \times 10^9$  Nの力を及ぼしあう状態

1 [V]= 1[C]の電荷をBからAまで移動させるのに1[J]の仕事をする必要とする電位差

Joule (J)

1 J =  $1 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2}$

1 J = 1 C · V (coulomb volt)

∴ [J] = [V] · [C]

1 J = 1 N · m (newton meter)

**神経軸索の電気容量**

$C = 1 \mu\text{F}/\text{cm}^2$  -----神経軸索の電気容量

1 mVの電位差を作るためには

$Q = C \cdot \Delta \Psi$   
 =  $1 \times 10^{-6} \times 10^{-3}$   
 =  $10^{-9}$ クーロン/cm<sup>2</sup>

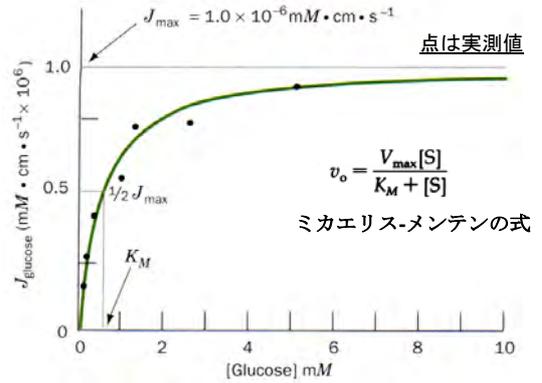
1 価のイオン 1 モル = 96500クーロン  $\approx 10^5$  であるから

$Q = 10^{-9}$ クーロン/cm<sup>2</sup> ⇨  $10^{-14}$  モル/cm<sup>2</sup>

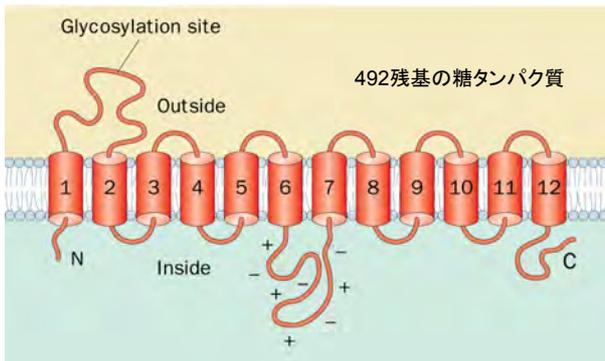
∴ =  $6 \times 10^9$  イオン/cm<sup>2</sup>  
 = 60 イオン/ $\mu\text{m}^2$

非常に少ないイオンの移動で電位は形成される。巨視的にはイオン濃度の変化はほとんどない。

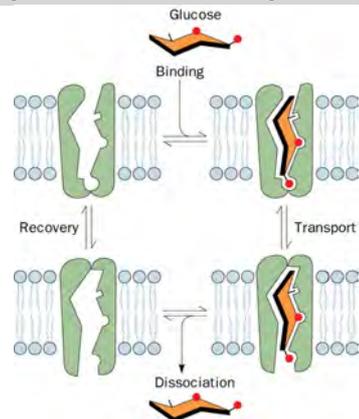
**ヒト赤血球へのグルコース流入量と外部グルコース濃度の関係**



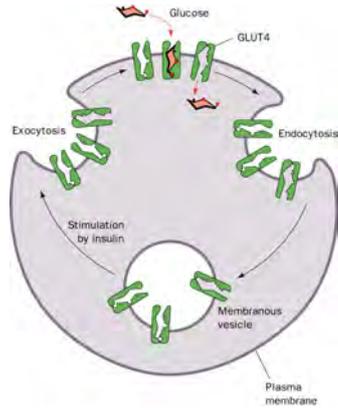
**Predicted secondary structure and membrane orientation of the glucose transporter.**



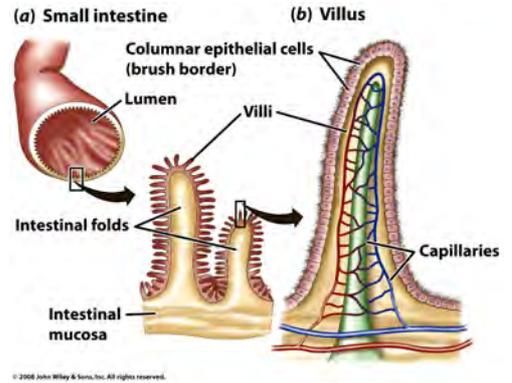
**Alternating conformation model for glucose transport**



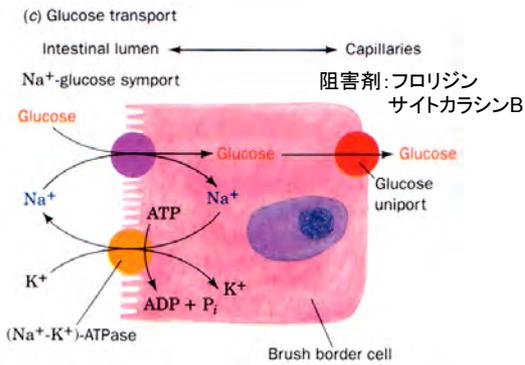
Regulation of glucose uptake in muscle and fat cells.



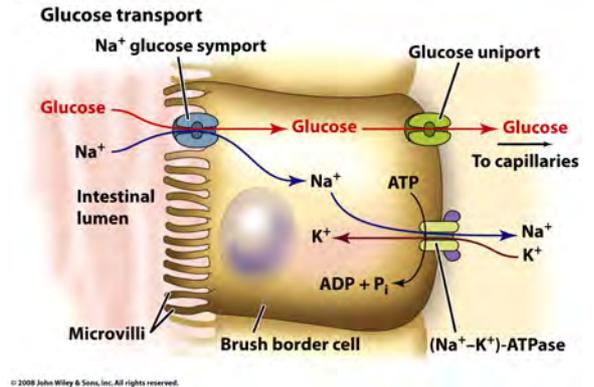
小腸上皮のグルコース輸送(1)



小腸上皮のグルコース輸送(2)



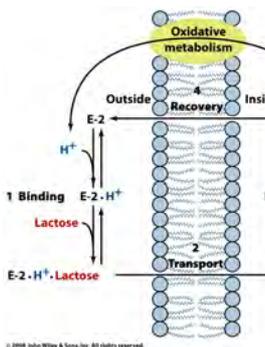
小腸上皮のグルコース輸送(2)



ラクトースパミアーゼ

R. Kabackの観察

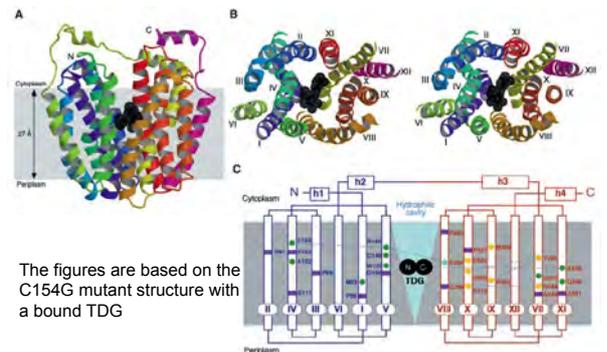
- 1) 乳酸添加で輸送上昇・シアンで阻害
- 2) ジニトロフェノールで輸送阻害
- 3) 競合阻害剤のダンシルアミノエチル



β-チオガラクトシドのプロトン濃度勾配依存的な結合

プロトンとラクトースを共輸送する

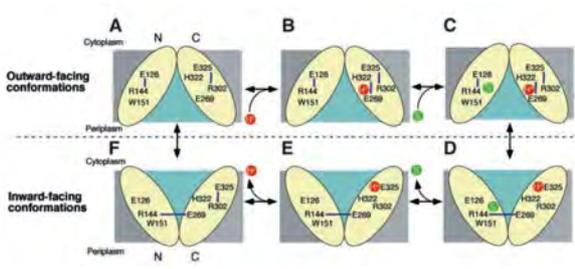
ラクトース輸送体LacYの構造



The figures are based on the C154G mutant structure with a bound TDG

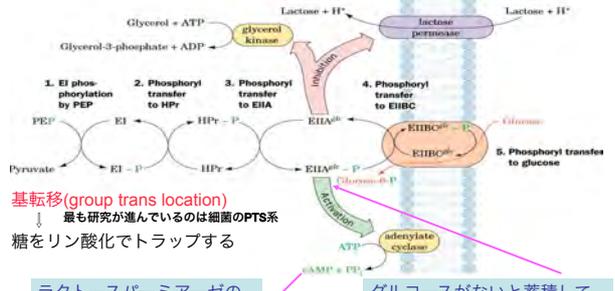
Science (2003) vol. 301, p. 610-

# ラクトース輸送の仮想スキーム



# Transport of glucose by the PEP-dependent phosphotransferase system (PTS).

グルコース輸送とリン酸化を同時に行う効率的な系



基転移(group trans location)  
 ↓  
 最も研究が進んでいるのは細菌のPTS系  
 糖をリン酸化でトラップする

ラクトースパーミアーゼの転写を活性化

グルコースがないと蓄積してアデニル酸シクラーゼを活性化